

# Eingebettete Systeme

S. Ryffel

14. Oktober 2006

## Inhaltsverzeichnis

<b>1 Einführung</b>	<b>2</b>
<b>2 Einführung in Software Design</b>	<b>2</b>
2.1 Ausführungsdauer von Tasks	2
2.2 Multitasking	2
<b>3 Echtzeit-Modelle</b>	<b>3</b>
3.1 Definitionen	3
3.2 Ablauf-Bedingungen	3
3.3 Klassifizierung von Scheduling Algorithmen	4
<b>4 Aperiodische und Periodische Tasks</b>	<b>4</b>
4.1 Aperiodische Tasks mit Echtzeitanforderungen	4
4.2 Preemptive Scheduling Algorithmen für periodische Tasks	5
4.3 Scheduling von periodischen und aperiodischen Tasks	6
<b>5 Ressource Sharing</b>	<b>7</b>
5.1 Definitionen	7
5.2 Priority Inversion	7
<b>6 Real-Time Operating Systems</b>	<b>7</b>
6.1 Embedded OS	7
6.2 Real-time Operating Systems	8
<b>7 System Komponenten</b>	<b>8</b>
7.1 Spezialisierung	8
7.2 Applikationsspezifische Instruktions-Sets	9
7.3 Programmierbare Hardware	9
7.4 Application Specific Circuits (ASIC)	9
7.5 System-on-Chip	9
<b>8 Kommunikation</b>	<b>9</b>
8.1 Anforderungen	9
8.2 Bluetooth	9
<b>9 Energiesparendes Design</b>	<b>11</b>
9.1 Leistung und Energie	11
9.2 Grundlegende Techniken	11

<b>10 Architektur Design - Modelle</b>	<b>11</b>
10.1 Task Graph oder Dependence Graph (DG)	11
10.2 Control-Data Flow Graph (CDFG)	12
10.3 Sequence Graph	12
10.4 Marked Graphs (MG)	12
<b>11 Architekturentwurf</b>	<b>13</b>
11.1 Modelle	13
11.2 Scheduling	13
11.3 Scheduling ohne Ressourceneinschränkungen	13
11.4 Scheduling mit Ressourcenbeschränkungen	14
11.5 Iterative Algorithmen	15
11.6 Dynamic Voltage Scaling	16

# 1 Einführung

## Definition

**Embedded Systems** sind informationsverarbeitende Systeme, die in ein grösseres Produkt eingebettet sind.

## Eigenschaften von eingebetteten Systemen

- **Zuverlässig:**
  - Reliability**  $R(t)$  ist die Whkeit, dass System noch korrekt funktioniert wenn es dies bei  $t = 0$  tat.
  - Maintainability**  $M(d)$  ist die Whkeit, dass System bei Ausfall nach  $d$  wieder korrekt funktioniert.
  - Availability** ist die Whkeit, dass System zur Zeit  $t$  funktioniert.
  - Safety** System richtet keinen Schaden an
  - Security** bedeutet verlässliche und authentische Kommunikation
- **Effizient:**
  - Energie** effizient
  - Code-size** effizient
  - Run-time** effizient
  - Weight** effizient
  - Cost** effizient
- Zugeschnitten und optimiert auf ganz bestimmte Anwendung und Benutzerschnittstelle.
- **Echtzeit-Anforderungen**

# 2 Einführung in Software Design

## 2.1 Ausführungsdauer von Tasks

**Worst Case Execution Time (WCET)** ist die obere Schranke für die Ausführungszeit eines Tasks.

Kann im allgemeinen nicht berechnet werden, da Architektur zu wenig deterministisch: Pipelines, Caches, Interrupts, VM, etc.

### Durchschnittliche Ausführungszeiten

**Simulation:** Schwierig Systemzustand und -Umgebung zu simulieren.

**Emulation:** Hardwareunterstützte Simulation

**Profiling:** Messung der Ausführungszeit

Im allgemeinen kann die WCET nicht beobachtet werden.

## 2.2 Multitasking

### 2.2.1 Co-Routines

Durch Funktionsaufrufe kann ein Task die Kontrolle freiwillig an eine Co-Routine abgeben.

### 2.2.2 Zeitgesteuerte Systeme

- Interrupt nur vom Timer  
→ Interaktion mit Umgebung durch Polling
- Scheduler als offline Algorithmus → deterministisch, zuverlässig

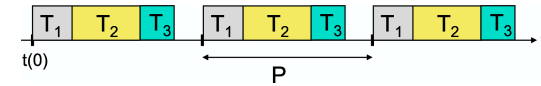


Abbildung 1: Einfacher periodischer TT Scheduler

#### Einfacher periodischer TT Scheduler (vgl Abb. 1)

- Gleiche Periode  $t$  für alle Prozesse
- Keine Probleme mit IPC und Ressourcen
- 

$$\sum_k WCET(T_k) < P$$

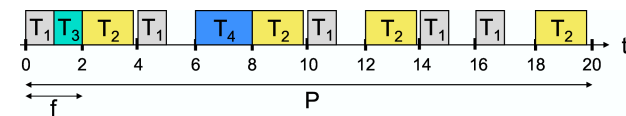


Abbildung 2: Zyklisch ausführender TT Scheduler

#### Zyklisch ausführender TT Scheduler (vgl Abb. 2)

- Tasks mit verschiedenen Perioden
- Problem: Lange Prozesse ( $> f$ ) müssen in kleinere Teile gespalten werden!
- **Notwendige Bedingungen an  $f$**  für Tasks mit Perioden  $p(k)$  und Deadlines  $D(k)$

a)

$$f \leq \min \{p(k)\}$$

Einhaltung der Deadline kann nur überprüft werden, wenn Task höchstens ein mal pro Frame vorkommt.

b)

$$\exists k \quad p(k) \bmod f = 0$$

c)

$$f \geq \max \{WCET(k)\}$$

Jeder Tasks muss in ein Frame passen.

d)

$$2f - ggT(p(k), f) \leq D(k) \quad \forall k$$

Tasks sollten vor ihrer Deadline enden können.

- **Hinreichende Bedingung:** Zeichnen eines Ablaufs.

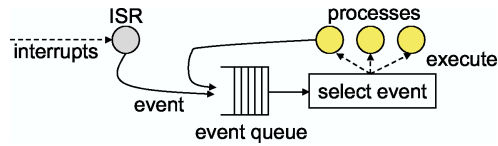


Abbildung 3: Ereignisgesteuerte Systeme

### 2.2.3 Ereignisgesteuerte Systeme

Prinzip (vgl Abb. 3)

- Jeder Event besteht aus einem auszuführenden Task.
- Sowohl Prozesse als auch Interrupts können Events generieren.
- Events werden in einer Queue gespeichert.
- *preemptive*: Laufende Tasks können unterbrochen werden.
  - Gemeinsame Ressourcen müssen geschützt werden.
  - Stack-based context Mechanismus
- *non-preemptive*:
  - IPC, gemeinsame Ressourcen kein Problem
  - Buffer overflow bei zu vielen Events
  - Event-queue ist gemeinsame Ressource

Definitionen

**Prozess** ist eine einzigartige Ausführung eines Programmes.

Ein Prozess hat einen Zustand: register values, memory stack.

**Activation record** ist eine Kopie eines Prozesszustandes im Speicher.

**Context switch** ist ein Wechsel des aktiven Prozesseses in der CPU.

Co-operative Multitasking

Prinzip: Jeder Prozess kann einen Context switch mit `cswitch()` erlauben.

Vorteile:

- Context switches vorhersehbar.
- Weniger Fehler mit gemeinsamen Ressourcen

Nachteile:

- Es ist möglich, dass ein Task die CPU nicht mehr freigibt.
- Echtzeitverhalten gefährdet, wenn Task CPU lange nicht freigibt.

Typisches Programmierinterface: NutOS Für ein Beispiel von co-operativem Multitasking siehe im Skript S. 2-40.

## 3 Echtzeit-Modelle

### 3.1 Definitionen

#### 3.1.1 Echtzeit-Systeme

**Hard** Überschreitung einer Deadline führt zu einer Katastrophe.

**Soft** Deadline wird meistens eingehalten.

### 3.1.2 Schedule

gegeben die Tasks  $J = \{J_1, J_2, \dots\}$  (vgl Abb. 4)

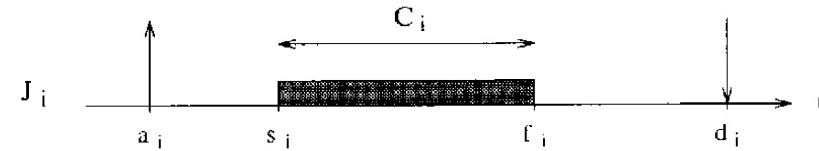


Abbildung 4: Zeiten eines Tasks

**Schedule**  $\sigma : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{N}$  ist eine Zuordnung von Tasks zum Prozessor, so dass jeder Task abgearbeitet wird.

$\sigma(t) = n$  : zum Zeitpunkt  $t$  wird  $n$  abgearbeitet.

**Time Slice** ist das Intervall, während dem  $\sigma(t)$  konstant ist.

**Feasible / Zulässig** ist ein Schedule, wenn alle Tasks gemäss den Anforderungen ausgeführt werden.

**Schedulable / Ablauffähig** ist eine Menge von Tasks, wenn ein zulässiger Schedule existiert.

**Arrival Time**  $a_i$  / **Release Time**  $r_i$  ist die Zeit zu welcher Task bereit zur Ausführung ist.

**Computation Time**  $C_i$  ist die Zeit, die der Prozess die CPU braucht.

**Deadline**  $d_i$ : absolute Deadline;  $D_i$ : relative Deadline;  $d_i = D_i + a_i$

**Start Time**  $s_i$  Task startet Ausführung.

**Finishing Time**  $f_i$  Task ist fertig

**Lateness**  $L_i = f_i - d_i$ ;  $L_i \leq 0 \rightarrow$  Task hat Deadline eingehalten

**Tardiness / Execution Time**  $E_i = \max\{0, L_i\}$

**Laxity / Slack Time**  $X_i = d_i - a_i - C_i$  maximale Zeit um die ein Task noch verzögert werden kann.

### 3.2 Ablauf-Bedingungen

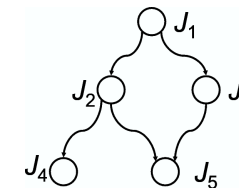


Abbildung 5: Ablauf Bedingungen

Nach Ablauf eines Tasks werden alle durch eine Kante verbundenen Tasks ausgeführt. (Precedence Constraints, vgl Abb. 5)

### 3.3 Klassifizierung von Scheduling Algorithmen

#### 3.3.1 Klassen

- Preemptive Algorithmen
- Non-preemptive Algorithmen
- Statische Algorithmen
- Dynamische Algorithmen
- Optimale Algorithmen haben minimale Kosten
- Heuristische Algorithmen finden meistens aber nicht immer den optimalen Ablauf.

#### 3.3.2 Metriken

##### Average Response Time

$$\bar{t}_r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (f_i - a_i)$$

##### Total Completion Time

$$t_c = \max_i(f_i) - \min_i(a_i)$$

##### Average Waiting Time

$$\bar{t}_w = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n s_i - a_i$$

##### Maximum Lateness

$$L_{\max} = \max_i(f_i - d_i)$$

##### Maximum Number of Late Tasks

$$N_{\text{late}} = \sum_{i=1}^n \text{miss}(f_i)$$

## 4 Aperiodische und Periodische Tasks

### 4.1 Aperiodische Tasks mit Echtzeitanforderungen

Tabelle bekannter Algorithmen für Scheduling von aperiodischen Tasks.

	Equal arrival times non preemptive	Arbitrary arrival times preemptive
Independent tasks	EDD (Jackson)	EDF (Horn)
Dependent tasks	LDF (Lawler) LDD	EDF* (Chetto)

#### 4.1.1 Earliest Deadline Due (EDD)

*Jackson's rule:* Gegeben sind  $n$  Tasks. Wenn man jeweils den Task mit der frühesten Deadline abarbeitet, minimiert man die Maximum Lateness. (*non preemptive*)

#### 4.1.2 Earliest Deadline First (EDF)

*Horns's rule:* Gegeben sind  $n$  unabhängige Task mit beliebigen Ankunftszeiten. Ein Algorithmus, der *preemptive* am Task mit der frühesten Deadline arbeitet, minimiert die Maximum Lateness.

##### Garantie

Dieser Algorithmus prüft, ob man  $J_{\text{new}}$  noch zu den Tasks  $J$  hinzufügen kann, so dass diese ablauffähig bleiben.

$$\begin{aligned} c_k(t) & \text{ verbleibende WCET vom Task } k \\ f_i = \sum_{k=1}^i c_k(t) & \text{ worst case finishing time of Task } i \\ \sum_{k=1}^n c_k(t) \leq d_i \quad \forall i & \text{ EDF Garantie-Bedingung} \end{aligned}$$

Alle Tasks müssen auf jeden Fall vor ihrer Deadline ausgeführt werden können.

#### 4.1.3 Latest Deadline Due (LDD) or Latest Deadline First (LDF)

LDD nimmt eine Menge von Tasks mit Ablaufbedingungen und generiert daraus ein *non-preemptive* Schedule:

1. Starte bei den Blättern des Ablaufbaumes.
2. Wähle die Menge der Tasks ohne oder mit geschudten Nachfolgern.
3. Schedule denjenigen mit der spätesten Deadline zuletzt.
4. Wiederhole 2., bis alle Tasks geschudled.

#### 4.1.4 Earliest Deadline First (EDF\*)

Der EDF\* Algorithmus findet einen zulässigen Schedule für Tasks mit Ablaufbedingungen und gleichzeitiger Aktivierung.

Wenn ein zulässiger Schedule existiert, dann ist garantiert dass

- Tasks einander nicht unterbrechen ( $f_i < s_{i+1}$ )
- Tasks ihre Deadline einhalten

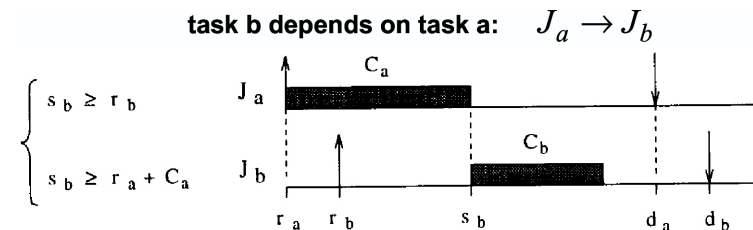


Abbildung 6: Modifizierung der Release Times

**Modifizierung der Release Times**

Ziel: Tasks dürfen nicht vor ihrer Release Time oder bevor ihre Vorgänger fertig sind starten.

$$r_j^* = \max(r_j, \max(r_i^* + C_i : J_i \rightarrow J_j))$$

Algorithmus: von vorne nach hinten

1. Für den ersten Knoten:  $r_i^* = r_i$
2. Wähle ein Task  $j$  dessen Vorgänger alle schon bearbeitet sind.
3. Set  $r_j^* = \max(r_j, \max(r_i^* + C_i : J_i \rightarrow J_j))$
4. Gehe zu 2.

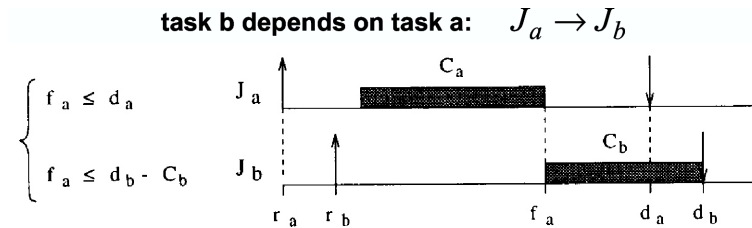


Abbildung 7: Modifizierung der Deadlines

**Modifizierung der Deadlines**

Ziel: Task muss vor der Deadline und vor der spätesten Startzeit der Nachfolger fertig sein.

$$d_i^* = \min(d_i, \min(d_j^* - C_j : J_i \rightarrow J_j))$$

Algorithmus: von hinten nach vorne

1. Wähle ein Blatt des Baumes und setze:  $d_j^* = d_j$ .
2. Wähle ein Task  $i$  dessen Nachfolger schon bearbeitet sind.
3. Set  $d_i^* = \min(d_i, \min(d_j^* - C_j : J_i \rightarrow J_j))$
4. Gehe zu 2.

**4.1.5 Diverse Algorithmen**

**FCFS** First Come First Served:

Führe in der Reihenfolge aus, in der die Jobs ankommen.

**SJF** Shortest Job First:

Führe den kürzesten Job aus, non-preemptive.

**SRTN** Shortest Remaining Time Next:

Führe preemptive den Job aus, der am wenigsten Zeit zum Ende braucht.

**RR** Round Robin:

Gib jedem Job reihum ein Timeslice zur Ausführung.

**4.2 Preemptive Scheduling Algorithmen für periodische Tasks**

	Deadline equals period	Deadline smaller than period
static priority	RM (rate-monotonic)	DM (deadline-monotonic)
dynamic priority	EDF	EDF*

**4.2.1 Modell der periodischen Tasks**

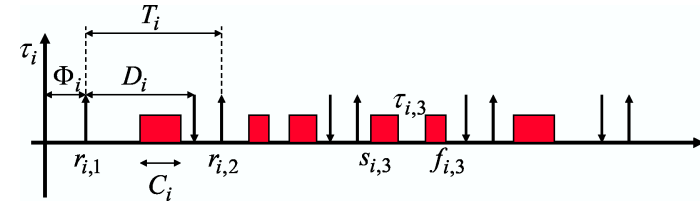


Abbildung 8: Modell der periodischen Tasks

Definitionen siehe Abbildung 8.

$\Gamma$  Menge von periodischen Tasks

$\tau_{i,j}$  Instanz  $j$  des Tasks  $i$

$r_{i,j}, s_{i,j}, f_{i,j}, d_{i,j}, C_i$  dito, zB  $r_{i,j} = \Phi_i + (j - 1)T_i$

$\Phi_i$  relative Verschiebung, Phase,  $\Phi_i = r_{i,1}$

$T_i$  Periode des Tasks  $i$

$D_i$  relative Deadline

Hypothesen

- Regelmässige Aktivierung:  $r_{i,j} = \Phi_i + (j - 1)T_i$
- Gleiche relative Deadline  $\rightarrow$  absolute Deadline:  $d_{i,j} = r_{i,j} + D_i$

**4.2.2 Rate Monotonic Scheduling (RM)**

Annahmen

- a) Statische Prioritäten
- b) Preemptive
- c)  $D_i = T_i$

Algorithmus: Tasks mit höheren Raten unterbrechen solche mit tieferen. RM ist optimal.

Schedulability Analyse: Hinreichende aber nicht notwendige Bedingung

$$\sum_{i=1}^n \frac{C_i}{T_i} \leq n(2^{1/n} - 1)$$

Für  $n \rightarrow \infty$  sind Tasks schedulable, wenn CPU-Auslastung  $\leq 70\%$  ist.

### 4.2.3 Deadline Monotonic Scheduling (DM)

*Annahmen:* Gleich wie bei RM aber  $C_i \leq D_i \leq T_i$ .

*Algorithmus:* Tasks mit kleinerer (nicht früherer!) Deadline unterbrechen solche mit höheren.

*Schedulability analysis:* 2 Methoden

a) Hinreichende aber nicht notwendige Bedingung:

$$\sum_{i=1}^n \frac{C_i}{D_i} \leq n(2^{1/n} - 1)$$

b) Hinreichende und notwendige Bedingung:

$$\begin{aligned} R_i &\leq D_i \quad \forall i \\ R_i &= C_i + I_i \quad \text{longest response time} \\ &= C_i + \underbrace{\sum_{j=1}^{i-1} \left\lceil \frac{R_i}{T_j} \right\rceil C_j}_{I_i} \end{aligned}$$

- Kritischer Augenblick ist, wenn alle Tasks zur gleichen Zeit instanziiert werden.
- *Worst Case Interference*  $I_i$ : maximale Zeit, um die ein Task  $i$  auf Grund der höher priorisierten ( $j < i$ ) verzögert werden kann.
- *Berechnung* von  $R_i$  kann iterativ erfolgen:
  1.  $R_i = C_i$
  2. Berechne  $I_i$  für dieses  $R_i$
  3. Wenn  $I_i$  geändert  $\Rightarrow R_i = C_i + I_i$  und gehe zu 2.

### 4.2.4 EDF Scheduling

*Annahmen:* Dynamische Prioritäten, preemptive,  $D_i \leq T_i$

*Algorithmus:* Der laufende Task wird unterbrochen, wenn ein Task mit früherer Deadline kommt.

*Schedulability analysis:*

- Hinreichend und notwendiger Test für  $D_i = T_i$ :

$$U = \sum_{i=1}^n \frac{C_i}{T_i} \leq 1 \quad \text{„CPU-Auslastung kleiner als 100%“}$$

- Hinreichender Test für  $D_i \leq T_i$ :

$$\sum_{i=1}^n \frac{C_i}{D_i} \leq 1$$

### 4.3 Scheduling von periodischen und aperiodischen Tasks

*Periodische Tasks:* Zeitgesteuert, harte Echtzeitanforderungen

*Aperiodische Tasks:* Ereignisgesteuert, harte, weich oder ohne Echtzeitanforderungen

*Sporadische Tasks:* Aperiodische Tasks welche durch eine maximale Ankunftsrate charakterisiert sind.

#### 4.3.1 Background Scheduling

Aperiodische Tasks werden nur ausgeführt, wenn keine periodischen vorhanden sind.

#### 4.3.2 RM-Polling Server

Ein künstlicher periodischer „polling server“ Task (mit  $C_s, T_s$ ) führt regelmässig aperiodische Tasks aus.

- *Vorteile:*
  - Nur eine Queue / Scheduling Algorithmus
  - Kein Starving aperiodischer Tasks
  - Wenn keien aperiodischen Tasks vorhanden sind, kann Zeit für periodische genutzt werden.
- *Nachteile:*
  - Aperiodische Task müssen vor der Periode des polling server eintreffen. Denn wenn sie ankommen, nachdem er suspended hat, müssen sie warten, obwohl der Prozessor eventuell frei wäre!

*Schedulability analysis:* Hinreichender aber nicht notwendiger Test:

$$\frac{C_s}{T_s} + \sum_{i=1}^n \frac{C_i}{T_i} \leq (n+1)(2^{1/(n+1)} - 1)$$

*Aperiodic Guarantee:* Hinreichende Bedingung für aperiodischen Task ( $C_a, D_a$ ).

$$\left(1 + \left\lceil \frac{C_a}{C_s} \right\rceil\right) T_s \leq D_a$$

unter der Annahme, dass jeweils nur ein aperiodischer Task existiert.

#### 4.3.3 EDF - Total Bandwidth Server

*Total Bandwidth Server:* Der  $k$ -te aperiodische Request ( $C_k, D_k$ ) zur Zeit  $t = r_k$  bekommt die Deadline

$$d_k = \max(r_k, d_{k-1}) + \frac{C_k}{U_s}$$

wobei  $U_s$  die Bandbreite des Servers oder die Auslastung des Servers ist.  $d_0 = 0$

*Schedulability Test:* Mit  $n$  periodischen Tasks mit der Prozessor Auslastung  $U_p$  und einem total bandwidth server mit Auslastung  $U_s$

$$U_p + U_s \leq 1$$

## 5 Ressource Sharing

### 5.1 Definitionen

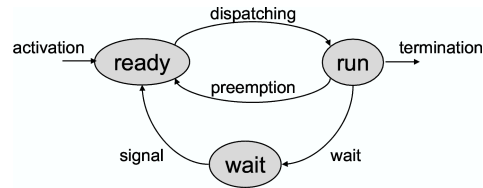


Abbildung 9: Zustände eines Tasks

**Exclusive Ressource**  $R_i$  benötigt mutual exclusion

**Critical Section** Codeabschnitt, welches eine kritische Ressource benutzt.

**Blocked** Task wartet auf die Freigabe einer Ressource

**Semaphore**  $S_i$  ein kritischer Codeabschnitt wird mit  $\text{wait}(S_i)$  und  $\text{signal}(S_i)$  geschützt.

### 5.2 Priority Inversion

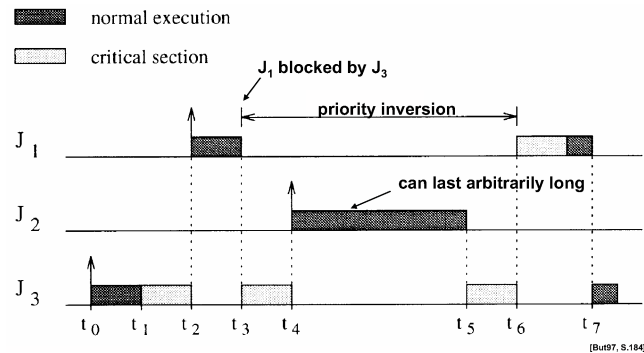


Abbildung 10: Priority Inversion

Wenn ein hoch priorisierter Task mit  $\text{wait}(S_i)$  blockiert, weil er auf  $\text{signal}(S_i)$  eines niedrig priorisierten wartet. Der niedrig priorisierte bekommt aber keine Rechenzeit, da mittler priorisierte zuerst ausgeführt werden. Siehe Abbildung 10.

#### 5.2.1 Lösung I: Verbiete Preemption

Während der Ausführung von kritischen Codestücken. Einfach, doch unbeteiligte Tasks werden auch geblockt.

#### 5.2.2 Lösung II: Priority Inheritance Protocol (PIP)

*Idee* Setze die Priorität von Tasks in kritischen Codeabschnitten auf die Stufe des höchst-priorisierten der blockierten Tasks.

*Definitionen*

**Nominal Priority**  $P_i$  fixe Priorität

**Active Priority**  $p_i$  ist grösser oder gleich  $P_i$

**Direct Blocking** Hoch priorisierter Task will Ressource eines niedriger priorisierten Tasks.

**Push-through Blocking** Mittler priorisierter Task wartet auf einen niedrig priorisierten, welcher Priorität von hoch priorisiertem geerbt hat.

*Algorithmus*

- Jobs werden nach ihrer active priority  $p_i$  gescheduled.
- $\text{wait}(S_i)$ : Warte, bis Ressource  $S_i$  freigegeben wird.  
Übergebe eigene Priorität an den Task, der den Semaphore hat.
- $\text{signal}(S_i)$ : Der höchstpriorisierte der wartenden Tasks wird aktiviert.  
Wenn keine Tasks mehr warten, wird  $p_i = P_i$ , sonst erbe neue höchste Priorität.
- Priority Inheritance ist *transitiv*: wenn 1 auf 2 und 2 auf drei wartet, erbt 3 die Priorität von 1 über 2.

*Deadlock* System ist blockiert. Zum Beispiel wollen zwei kritische Codeabschnitte die Ressource des anderen.

## 6 Real-Time Operating Systems

### 6.1 Embedded OS

*Wieso kein Desktop-OS?*

- Zu viele Features
- Nicht fehler-tolerant, konfigurierbar
- Zu gross
- Nicht power optimized

*Konfigurierbarkeit* Keinn OS erfüllt ohne Overhead alle Anforderungen.

Anpassung über: entfernen von Funktionen, conditional compilation ...

*Device Drivers als Prozesse* anstatt ins OS integriert

- Erhöht Vorhersehbarkeit, alles geht durch den Scheduler
- Kein Gerät muss von allen OS-Versionen unterstützt werden.

*Interrupts can be employed by any process.* Interrupts können direkt Tasks starten oder stoppen. Ist effizienter als durch die OS-Services.

## 6.2 Real-time Operating Systems

*Definition* Ein Real-time Operating System ist ein OS, welches die Konstruktion von Echtzeitsystemen unterstützt.

### 6.2.1 Anforderungen

- a) Das Zeitverhalten muss vorhersehbar sein.
  - Obere Schranke für Ausführungszeiten
  - Interrupts nur während kurzen Zeiten deaktiviert
  - Fast alles durch Scheduler kontrolliert
- b) OS muss das Timing und Scheduling verwalten.
  - OS muss Deadlines kennen.
  - Hohe Zeitauflösung
- c) OS muss schnell sein.
  - In Praxis nützlich

### 6.2.2 Hauptfunktion: Process Management

*Ausführen von quasi-parallelen Tasks*

- Verwaltung von Prozess-Zuständen:
  - run*: wird ausgeführt
  - ready*: könnte ausgeführt werden
  - wait*: wartet auf Event: Semaphore, Signal
  - idle*: periodischer Task wartet auf nächste Ausführung
- Context switching
- Interrupt handling
- *Threads*: Programmteil mit eigenem Context (Thread State).
  - shared memory: Threads eines Tasks teilen einen Teil ihres Zustandes
  - Haben eigenen Register und Stack
  - Thread Control Block: Speichert Informationen fürs Management und Scheduling des Threads

*Scheduling* Garantie von Deadlines, Minimierung von Wartezeiten, Fairness

*Prozess Synchronisation* Semaphores, Monitors, Mutex

*Inter Process Communication (IPC)*

- Synchrone Kommunikation: Prozesse warten
- Asynchrone Kommunikation: OS verwaltet eine Queue von Messages

*Real-time Clock* interne Zeitreferenz

### 6.2.3 Klassen von Echtzeitsystemen

- a) Schnelle proprietäre Kernel:
  - Design für Schnelligkeit, nicht Vorhersehbarkeit

- b) Zusätze zu Standard-OS:
  - RT-Kernel führt RT-Tasks und Betriebssystem aus
- c) Forschungs-Systeme:

## 7 System Komponenten

### 7.1 Spezialisierung

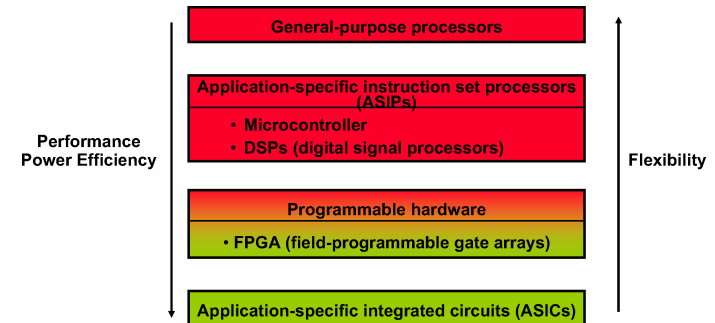


Abbildung 11: Performance versus Flexibility

(Siehe Abbildung 11)

*General-purpose Processors*

- High Performance: hoch optimiert, superscalar, komplexe Memoryverwaltung, pipelining
- Nicht geeignet für Echtzeit: Ausführungszeiten sind unberechenbar.
- Hoher Energieverbrauch

*Spezialisierung*

- Flexibilität erhalten: Unterstützung für ganze Applikations-Klasse, Platz für späte Änderungen, Debugging
- Analyse wichtig

*Beispiele*

- Codegröße Effizienz: Komprimierung des ROM-Inhalts
- Multimedia-Instruktionen: spezielle Funktionen
- Mehrere Memory-Bänke: paralleles Laden
- Address Generation Units: Eigenen Adder für Adressen
- Modulo addressing

## 7.2 Applikationsspezifische Instruktionen-Sets

### Micro Controller

- Control-dominant Applications  
ereignisgesteuert, Finite State Machine
- Scheduling, synchronisation, interrupts, context switch, timers
- Niedriger Energieverbrauch
- Geeignet für Echtzeit

### Digital Signal Processors

- Flussgesteuerte Systeme, datengesteuert
- Parallel hardware units, spezielle Instruktionen-Sets
- Hoher Durchsatz, breiter Memory-Bus
- Geeignet für Echtzeit

*Very Long Instruction Word (VLIW)* Parallelisierung mehrerer Instruktionen in ein parallel ausführbares Word (Instruktionen-Set) durch den Compiler.

## 7.3 Programmierbare Hardware

### 7.3.1 FPGA

#### Klassifikation

- Granularität: Gate, Tabelle, Memory, funktionale Blöcke (ALU, data path, CPUs)
- Kommunikation: Crossbar, Mesh, Tree
- Programmierung: zur Produktionszeit, dynamisch zur Laufzeit

## 7.4 Application Specific Circuits (ASIC)

### Vorteile

- Ultimative Geschwindigkeit
- Ultimative Energieeffizienz

### Nachteile

- Aufwendiges Design, Entwurf
- Nicht flexibel
- Hohe Kosten, grosse Serie nötig

## 7.5 System-on-Chip

...

## 8 Kommunikation

### 8.1 Anforderungen

- Echtzeit
- Effizient, ökonomisch

- Geeignete Bandbreite, Latenz
- Robustheit, Fehlertoleranz
- Verwaltung, Diagnose
- Security, Safety

#### 8.1.1 Echtzeit

- CSMA/CD, Ethernet nicht geeignet, keine garantierte Antwortzeit
- Alternativen:  
Token rings, busses  
CSMA/CA  
Time Triggered Protocol (TTP)

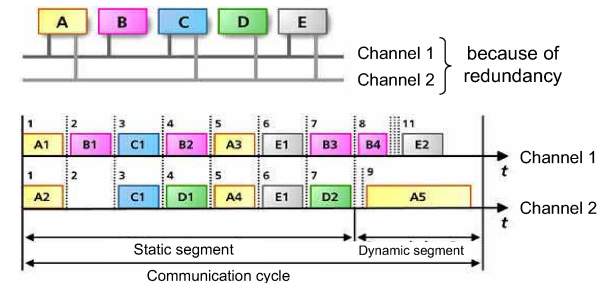


Abbildung 12: FlexRay

*FlexRay* (Siehe Abbildung 12)

- Jeder Zyklus ist ein statisches, kollisionsfreies und ein dynamische (token ring) Segment unterteilt.
- Echtzeit
- $\approx 10\text{Mbit/sec}$

## 8.2 Bluetooth

### 8.2.1 Technische Daten

- 2.4 GHz Band, 79 MHz Bandbreite
- Frequency-Hopping:
  - 1600 hops/s (0.625ms), jedes Packet auf anderer Frequenz
  - Frequenzen:  $(2402 + k)$  MHz,  $k = 0 \dots 78$
  - Sequenz wird durch ID des Masters bestimmt
- 10-100m Reichweite
- 1Mbit/s Bandbreite für jede Verbindung
- Übertragung:
  - Synchronous Connection-Oriented (SCO)
  - Asynchronous Connection-Less (ACL)

## 8.2.2 Topologien

*Ad-hoc Netzwerke* potentiell mobiler Knoten.

### Piconet

- 1 Master und max 7 Slaves
- Benutzen selbes Frequency Hopping Muster
- Broadcast, unicast
- Verbindungsarten:
  - 432kBit/s (duplex) oder 721/56 kBit/s (asymmetrisch) oder
  - 3 Audiokanäle oder
  - eine Kombination

### Scatternet

- Mehrere Piconets mit gemeinsamen Knoten
- Knoten können gleichzeitig Slave in mehreren Piconets und Master in maximal einem sein.

## 8.2.3 Protokoll Hierarchie

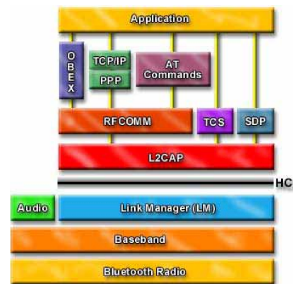


Abbildung 13: Bluetooth Protokoll Hierarchie

(Siehe Abbildung 13)

1. *Radio Specification*: definiert Frequenzbänder
2. *Baseband*: Packetformat, physikalischer Layer, Link Layer
3. *Audio Specification*: coding, decoding
4. *Link Manager*: Authentifikation, Management des Piconets, Verbindungen
5. *Host Controller Interface (HCI)*: definiert Schnittstellen zum Bluetooth-Modul
6. *Link Layer Control and Adaptation Layer (L2CAP)*: abstrakte Schnittstelle für Daten Kommunikation, Segmentierung, Multiplexing, QoS
7. *RFComm*: simuliert serielle Schnittstelle
8. *other protocols*: Telephony control protocol specification (TCS), service discovery protocol (SDP), object exchange protocol (OBEX)

## 8.2.4 Adressierung

**BD\_ADDR** Bluetooth Device Address 48 Bit, eindeutig für jedes Gerät

**AM\_ADDR** Active Member Address 3 Bit, 0 ist Broadcast

**PM\_ADDR** Parked Member Address 8 Bit für geparkte Slaves

## 8.2.5 Packet Format

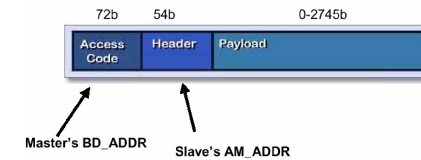


Abbildung 14: Bluetooth Packet Format

(siehe Abbildung 14.)

## 8.2.6 Verbindungstypen

**Synchronous Connection-Oriented (SCO)** periodischer Service

- Symmetrischer synchroner Service
- Reservierte Slots für regelmässige Übertragung
- Der Master fordert den Slave regelmässig zum Senden auf.

**Asynchronous Connection-Less (ACL)** aperiodischer Service

- Keine Reservation von Slots
- Der Master überträgt spontan, der Slave antwortet im nächsten Intervall.

## 8.2.7 Moden und Zustände

### Moden

*Connection*: Verbindung zwischen Master und Slave steht.

*Page*: Master versucht Verbindung mit BD\_ADDR aufzunehmen.

*Inquiry*: Master identifiziert Nachbarknoten.

### Zustände der Verbindung

*active*: mit Master verbunden

*hold*: verarbeitet keine Pakete

*sniff*: erwacht regelmässig

*park*: keine Verbindung zum Master, synchronisiert

### Der Page Modus

1. *page*: Der Master sendet seine Adresse an den Slave. Er benutzt eine spezielle Kanalsequenz (Synchronisation!).
2. *page scan*: Der Slave wartet auf Adresse.
3. *master page response*: Der Slave antwortet mit seiner eigenen Adresse.
4. *slave page response*: Der Master sendet ein Frequency Hop Synchronization (FHS) Packet. Dies enthält Kanalsequenz und Phase.

## 9 Energiesparendes Design

„Leistung gilt als die wichtigste Einschränkung von eingebetteten Systemen.“

### 9.1 Leistung und Energie

$$E = \int P dt$$

Arten von Energieverbrauch:

*Dynamisch:* Energieverbrauch beim Schalten

*Statisch:* Leckströme, von Strukturgrößen abhängig

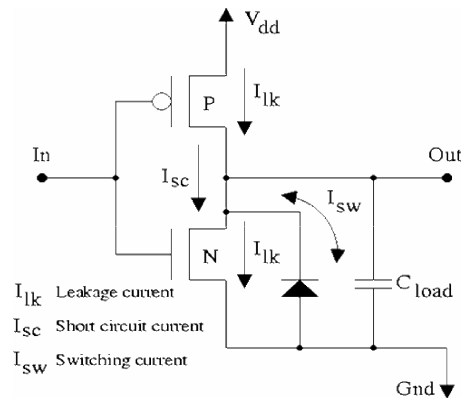


Abbildung 15: Gate

Leistungsverbrauch eines Gates (Siehe Abbildung 15)

$$P = \alpha \cdot C_L \cdot V_{dd}^2 \cdot f$$

$$E = \alpha \cdot C_L \cdot V_{dd}^2 \cdot \underbrace{f \cdot t}_{\text{Cycles}}$$

$\alpha$ : Switching Aktivität, Schaltungen pro Takt

$C_L$ : Ladungskapazität

$V_{dd}$ : Versorgungsspannung

$V_t$ : Threshold Spannung

$f$ : Frequenz

Verzögerung von CMOS-Schaltungen

$$\tau = k \cdot C_L \cdot \frac{V_{dd}}{(V_{dd} - V_t)^2} \approx \frac{k \cdot C_L}{V_{dd}}$$

$$f_{max2} = f_{max1} \cdot \frac{V_{dd2}}{V_{dd1}}$$

### 9.2 Grundlegende Techniken

*Parallelisierung* Zwei parallele Einheiten mit halber Versorgungsspannung und halber Frequenz brauchen zusammen nur halb so viel Energie.

*VLIW* Als simple Hardware Architektur, siehe Kapitel 7.2.

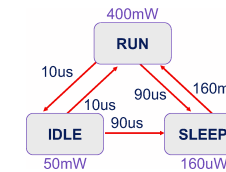


Abbildung 16: Dynamic Power Management

*Dynamic Power Management* (Siehe Abbildung 16)

**RUN** lauffähig

**IDLE** CPU angehalten, warten auf Interrupts

**SLEEP** Abschaltung aller Chip-Aktivität

*Dynamic Voltage Scaling*

- Anpassung der Versorgungsspannung und Frequenz an die Last.
- Verschiedene Module mit verschiedenen Versorgungsspannungen / Frequenzen.

## 10 Architektur Design - Modelle

*Definitionen*

**Formales Modell** Ein Modell repräsentiert bestimmte Aspekte des modellierten Systems (Abstraktion). Ein formales Modell repräsentiert diese Aspekte in eindeutiger Form.

**Nebenläufigkeit** bezeichnet das Verhältnis von Ereignissen, die nicht kausal abhängig sind

### 10.1 Task Graph oder Dependence Graph (DG)

*Definitionen*

**Dependence Graph** gerichteter Graph  $G = (V, E)$ , wobei  $E \subseteq V \times V$  eine Ordnung ist. Knoten entsprechen Tasks und Kanten den Ablaufbedingungen.

Achtung: ein DG repräsentiert Parallelismus und nicht logische Verzweigungen.

**Predecessor** zB  $v_1$  wenn  $(v_1, v_2) \in E$

**Sucessor** zB  $v_2$  wenn  $(v_1, v_2) \in E$

### 10.2 Control-Data Flow Graph (CDFG)

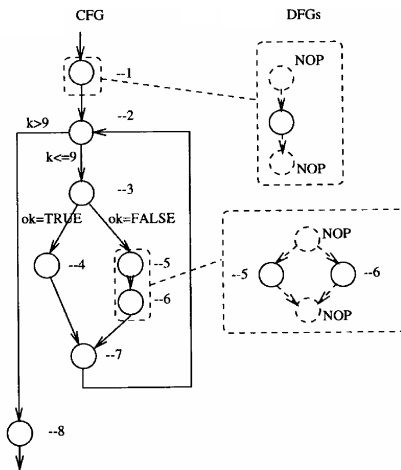


Abbildung 17: Control Flow Graph und Dependence Graph

**Zweck** Beschreibung von Kontroll-Strukturen und Datenabhängigkeiten.

**Control Flow Graph** Siehe Abbildung 17.

- Endlicher Zustandsautomat der den logischen Ablauf einer Programmes repräsentiert.
- Verzweigungen sind oft Knoten.
- Die Operationen in den Knoten sind im Dependence Graph aufgezeichnet.

**Dependence Graph** Siehe Abbildung 17.

- Beginnt und endet mit einem NOP.

### 10.3 Sequence Graph

(Siehe Abbildung 18)

Ein Sequence Graph ist eine Hierarchie von Graphen mit den folgenden Eigenschaften:

- Knoten sind entweder:
  - Operationen, Tasks
  - Hierarchie Knoten
- **CALL** Modulaufruf
- **BR** Verzweigung (branch)
- **LOOP** Iteration
- Jeder Graph hat einen Start- und einen Endknoten mit einem NOP.

```
x := a*b;
y := x*c;
z := a+b;
submodul(a, z);
```

```
PROCEDURE submodul(m, n);
  p := m+n;
  q := m*n;
END submodul;
```

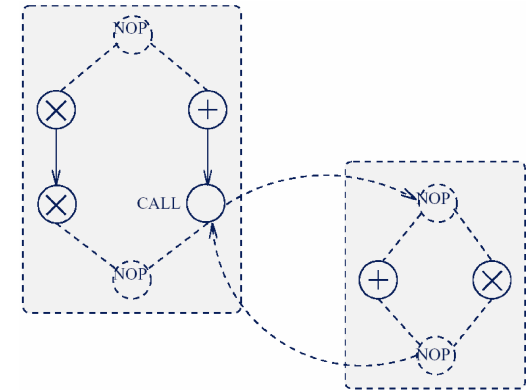


Abbildung 18: Sequence Graph

### 10.4 Marked Graphs (MG)

**Definitionen**

**Marked Graph**  $G = (V, A, del)$  besteht aus

- Knoten (actors)  $v \in V$
- Kanten  $a = (v_i, v_j) \in A \subseteq V \times V$
- Initialverteilung von Tokens:  $del : A \rightarrow \mathbb{N}$

**Marking** ist die Verteilung von Tokens, geschrieben als Vektor  $del = (\dots del_k \dots) \in \mathbb{Z}^{1 \times |A|}$

**Endlicher Automat** ist ein Marked Graph mit

1. Jede Transition hat genau einen Ein- und einen Ausgang.
2. Es gibt nur ein Token.
3. Jede Transition ist eine Bedingung zugeschrieben, ohne deren Erfüllung sie nicht schalten kann.

**Synchroner Datenflussgraph** ist ein markierter Graph mit gewichteten Eingangs- und Ausgangskanten.

**Aktionen**

- Die Tokens auf den Kanten repräsentieren Daten in FIFO-Buffern.
- Eine Transition ist *aktiviert* oder *schaltbereit*, wenn auf jeder Input-Kante mindestens ein Token ist.
- Eine Transition kann *feuern*, wenn sie aktiviert ist.
- Wenn eine Transition *feuert*, wird auf jeder Input-Kante ein Token entfernt und auf jeder Output-Kante eins addiert.

**Eigenschaften**

**Transitionen:**

- Tot: unter keiner erreichbaren Bedingung schaltbereit
- Aktivierbar: unter einer Markierung schaltbereit
- Lebendig: immer schaltbereit

**Marked Graph:**

- Konservativ: die Anzahl Marken bleibt immer konstant
- Tot: alle Transitionen sind tot
- Beschränkt: es gibt nie mehr als  $B$  Marken

Beispiele Im Skript Seite 10-19ff.

**11 Architekturdentwurf**

**11.1 Modelle**

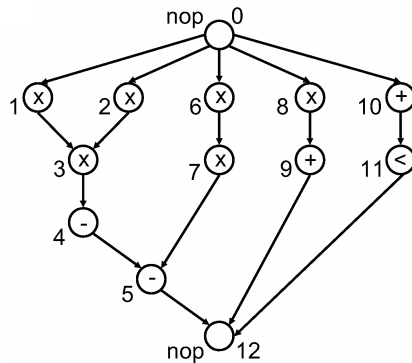


Abbildung 19: Sequenz-Graph  $G_S = (V_S, E_S)$

**Sequenz-Graph**  $G_S = (V_S, E_S)$  (Abb. 19)

- $V_S$  Operationen
- $E_S$  Abhängigkeiten

**Ressourcen-Graph**  $G_R = (V_R, E_R)$   $V_R = V_S \cup V_T$  (Abb 20)

$V_T$  Ressourcen-Typen

$(v_s, v_t) \in E_R =$  Zuordnung einer Operation  $v_s$  zu einer Ressource  $v_t$ . Auf der Kante steht oft die zugehörige Ausführungszeit.

**Kosten-Funktion**  $c : V_T \rightarrow \mathbb{Z}$

**Ausführungs-Zeit**  $w : E_R \rightarrow \mathbb{Z}$  Kosten werden den Operationen auf einer Ressource  $(v_s, v_t)$  zugeordnet.

**Allokation**  $\alpha : V_T \rightarrow \mathbb{Z}$

Gibt zu jeder Ressource  $v_t$  die Anzahl  $\alpha(v_t)$  verfügbaren Instanzen an.

**Bindung**  $\beta : V_S \rightarrow V_T$  and  $\gamma : V_S \rightarrow \mathbb{Z}$

- $\beta(v_s) = v_t$  ordnet der Operation  $v_s$  die Ressource  $v_t$  zu.
- $\gamma(v_s) = r$  ordnet der Operation  $v_s$  die Instanz  $r$  zu.

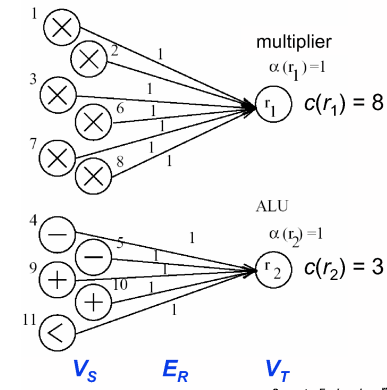


Abbildung 20: Ressourcen-Graph  $G_R = (V_R, E_R)$ ,  $V_R = V_S \cup V_T$

**11.2 Scheduling**

**Schedule**  $\tau : V_S \rightarrow \mathbb{Z}$

Gibt die Startzeiten der Operationen  $v_s$  an.

Ein Schedule ist zulässig, wenn

$$\tau(v_j) - \tau(v_i) \geq w(v_i) \quad \forall (v_i, v_j) \in E_S$$

wobei  $w(v_i) = w(v_i, \beta(v_i))$  die Ausführungszeit ist

**Latency**  $L = \tau(v_n) - \tau(v_0)$

**11.3 Scheduling ohne Ressourceneinschränkungen**

**Latenz Minimierung** gegeben ein Sequenzgraph  $G_S$  und ein Ressourcengraph  $G_R$ .

$$L = \min \{ \tau(v_n) : \tau(v_j) - \tau(v_i) \geq w(v_i) \quad \forall (v_i, v_j) \in E_S \}$$

**11.3.1 ASAP**

**Algorithmus:** (immer mit unbeschränkten Ressourcen)

```

ASAP ( $G_S(V_S, E_S), w$ ) {
     $\tau(v_0) = 1$ ;
    REPEAT {
        Finde  $v_i$  dessen Vorgänger geplant sind
         $\tau(v_i) = \max \{ \tau(v_j) + w(v_i) \quad \forall (v_j, v_i) \in E_S \}$ 
    } UNTIL ( $v_n$  geplant);
    RETURN ( $\tau$ );
}
    
```

### 11.3.2 ALAP

Algorithmus: (immer mit unbeschränkten Ressourcen)

```

ALAP (G_S(V_S, E_S), w, L_max) {
  tau(v_n) = L_max
  REPEAT {
    Finde v_i dessen Nachfolger geplant sind
    tau(v_i) = min {tau(v_j) | (v_j, v_i) in E_S} - w(v_i)
  } UNTIL (v_0 geplant);
  RETURN (tau);
}
    
```

### 11.3.3 Zeiteinschränkungen

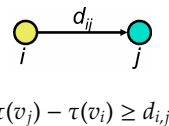


Abbildung 21: Timing Constraints

Klassen von Zeiteinschränkungen (Abb. 21):

- Deadline:**  $\tau(v_i) + w(v_i) \leq d_i$   
 $\Rightarrow \tau(v_0) - \tau(v_i) \geq -d_i + w(v_i)$
  - Release Time:**  $\tau(v_i) \geq a$   
 $\Rightarrow \tau(v_i) - \tau(v_0) \geq a$
  - Minimum Constraint:** „ $v_j$  mindestens  $l_{ij}$  nach  $v_i$ “  
 $\Rightarrow \tau(v_j) - \tau(v_i) \geq l_{ij}$
  - Maximum Constraint:** „ $v_j$  mindestens  $l_{ij}$  vor  $v_i$ “ oder „ $v_i$  spätestens  $l_{ij}$  nach  $v_j$ “  
 $\Rightarrow \tau(v_j) - \tau(v_i) \leq -l_{ij}$
- Differenz von ASAP und ALAP bezeichnet vorhandene Flexibilität.

Weighted Constraint Graph (Abb. 21)

- $G_C = (V_C, E_C, d)$  zu einem Sequenzgraphen  $G_S = (V_S, E_S)$  mit den Knoten  $V_C = V_S$  und einer gewichteten Kante für jede Zeiteinschränkung.
- Jede Kante  $(v_i, v_j) \in E_C$  bezeichnet die Beschränkung  $\tau(v_j) - \tau(v_i) \geq d(v_i, v_j)$ .

Bellmann-Ford Algorithmus findet Startzeitpunkte  $\tau$  für alle  $v_i$ .

```

Anfangswerte: v_i = -infinity und v_0 = 0
Setze iterativ tau(v_j) := max {tau(v_j), tau(v_i) + d(v_i, v_j) : (v_i, v_j) in E_C}
für alle v_j in V_C
    
```

Es dürfen in  $G_S$  keine Zyklen vorkommen. Bellmann-Ford ist  $O(|V_S|^3)$

### 11.3.4 Pareto-Punkte

Pareto-Punkte sind eine Abbildung verschiedener Konfigurationen im Entwurfsraum (zB. Kosten-Latenz-Diagramm). Ein Pareto Punkt ist optimal, das heisst, dass es keinen Punkt gibt, welcher in in allen Eigenschaften übertrifft.

Zum Beispiel gibt es keinen Punkt mit weniger Kosten bei gleicher Latenz und keinen mit kleinerer Latenz bei gleichen Kosten.

### 11.4 Scheduling mit Ressourcenbeschränkungen

Gegeben sind ein Sequenz-Graph  $G_S = (V_S, E_S)$ , ein Ressourcen-Graph  $G_R(V_R, E_R)$  und die zugehörigen Allocation  $\alpha$  und Binding  $\beta$

Minimal Latency

$$L = \min \{ \tau(v_n) : \underbrace{(\tau(v_j) - t(v_i) \geq w(v_i, \beta(v_i)))}_{\text{Schedule feasible}} \quad \forall (v_i, v_j) \in E_S \wedge \underbrace{(|\{v_s : \beta(v_s) = v_t \wedge \tau(v_s) \leq t \leq \tau(v_s) + w(v_s, v_t)\}| \leq \alpha(v_t))}_{\text{Allokation}} \quad \forall v_t \in V_T, \forall 1 \leq t \leq L_{max} \}$$

#### 11.4.1 List Scheduling

Ein greedy Algorithmus, welcher nicht immer die optimale Lösung findet.

```

LIST (G_S(V_S, E_S), G_R(V_R, E_R), alpha, beta, priorities) {
  t = 1
  REPEAT {
    FORALL v_k in V_T {
      U_k = Ops die auf v_k gescheduled werden können
      T_k = auf v_k laufende Operationen
      wähle S_k subseteq U_k mit maximaler Priorität
      und |S_k| + |T_k| <= alpha(v_k)
      tau(v_i) = t   forall v_i in S_k
    }
    t = t + 1
  } UNTIL (v_n geplant)
  RETURN (tau);
}
    
```

### 11.4.2 Integer Linear Programming

Minimierung einer Zielfunktion mit linearen Ungleichungen. Findet immer eine optimale Lösung.

Integer Linear Programm

- minimiere:

$$\tau(v_n) - \tau(v_0)$$

- mit

$$x_{i,t} \in \{0, 1\} \quad \forall v_i \in V_S \quad \forall t : l_i \leq t \leq h_i \quad (1)$$

$$\sum_{t=l_i}^{h_i} x_{i,t} = 1 \quad \forall v_i \in V_S \quad (2)$$

$$\sum_{t=l_i}^{h_i} t \cdot x_{i,t} = \tau(v_i) \quad \forall v_i \in V_S \quad (3)$$

$$\tau(v_j) - \tau(v_i) \geq w(v_i) \quad \forall (v_i, v_j) \in E_S \quad (4)$$

$$\sum_{\substack{v_i:(v_i,v_k) \in E_R \\ \text{Operationen } v_i \text{ auf } v_k}} \sum_{p'=\max\{0,t-h_i\}}^{\min\{w(v_i)-1,t-l_i\}} x_{i,t-p'} \leq \alpha(v_k) \quad (5)$$

$\forall v_k \in V_T \quad \forall t : 1 \leq t \leq \max\{h_i : v_i \in V_S\}$   
 1 wenn  $v_i$  auf  $v_k$

- Erklärungen

- (1) Variablen  $x_{i,t}$  sind binär.
  - Mit ASAP und ALAP (mit unbeschränkten Ressourcen) die obere und untere Schranke  $h_i$  und  $l_i$  für die Startzeitpunkte der Operation  $v_i$  berechnen.
  - $L_{max}$  für ALAP zum Beispiel mit ASAP und Ressourcenbeschränkung bestimmen.
- (2) Genau eine Variable  $x_{i,t}$  ist 1, die anderen sind 0.  
 $x_{i,t}$  ist 1, wenn die Operation  $v_i$  zum Zeitpunkt  $t$  startet.
- (3) Definiert  $\tau(v_i)$  als den Startzeitpunkt der Operation  $v_i$ .
- (4) Ablaufbedingungen müssen erfüllt sein.
- (5) Ressourceneinschränkungen müssen für alle Ressourcen  $v_k \in V_T$  zu allen Zeiten  $t$  erfüllt sein.

### 11.5 Iterative Algorithmen

Repräsentationen

- Gleichung mit diskreten Indizes:  $y[l] = ay[l] + by[l-1] + cy[l-2] + dy[l-3]$
- Gleichungssystem:  $x_1[l] = ay[l] \wedge y[l] = x_1[l] + by[l-1] \wedge \dots$
- Extended sequence graph:  $G_S = (V_S, E_S, d)$  Auf jeder Kante steht ein Index Displacement  $d_{ij}$ . Dies bedeutet, dass die Variable in  $v_j$  abhängt von der Variable  $v_i$  aber  $d_{ij}$  Zeitpunkte früher. Siehe Abbildung 22.

- Marked Graph
- Signalfussgraph
- Programm mit Schleifen

Definitionen

**Iteration** Set von Operationen um  $y[l]$  zu berechnen.

**Latency**  $L$  Zeitdifferenz zwischen dem Start der ersten und dem Ende der letzten Operation der gleichen Iteration.

**Iteration Interval**  $P$  Zeit zwischen zwei Iterationen.

**Throughput**  $1/P$

Implementationen

- Einfache Möglichkeit: Sequenzgraphen implementieren.  
 $\Rightarrow L = P$
- Functional Pipelining: Parallele Ausführung von Iterationen, siehe Abbildung 22.

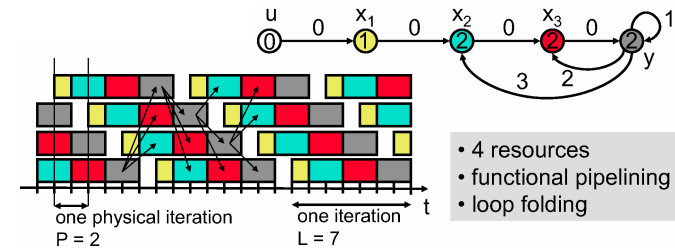


Abbildung 22: Functional Pipelining

- Benutze den Extended Sequence Graph.
- ASAP und ALAP für die obere und untere Schranke  $h_i$  und  $l_i$  benutzen nur Kanten mit  $d_{ij} = 0$ .
- (4) wird ersetzt durch

$$\tau(v_j) - \tau(v_i) \geq w(v_i) - d_{ij} \cdot P \quad \forall (v_i, v_j) \in E_S$$

Grund:  $\underbrace{\tau(v_i) + w(v_i)}_{\text{Erzeugungszeitpunkt}} \leq \underbrace{\tau(v_j) + d_{ij} \cdot P}_{\text{Benutzungszeitpunkt}}$

- (5) wird ersetzt durch

$$\sum_{\substack{v_i:(v_i,v_k) \in E_R \\ \forall p': 0 \leq p' \leq w(v_i)-1}} \sum_{\substack{p': 0 \leq p' \leq w(v_i)-1 \\ \forall p: l_i \leq t-p'+p \cdot P \leq h_i}} x_{i,t-p'+p \cdot P} \leq \alpha(v_k) \quad \forall 1 \leq t \leq P, \quad \forall v_k \in V_T$$

Denn eine Operation belegt die Ressource während der Kontrollschritte  $t$  mit

$t = \tau(v_i) + p' - p \cdot P$  „Startzeitpunkt + Rechenzeit + frühere Perioden“

$\forall p' : 0 \leq p' \leq w(v_i) - 1$  „Rechenzeit“

$\forall p : l_i \leq t - p' + p \cdot P \leq h_i$  „Instanzen früherer Perioden, welche bei  $t$  noch rechnen.“

## 11.6 Dynamic Voltage Scaling

Optimiere den Energieverbrauch mit Hilfe eines ILPs.

$d(v_i)$ : Deadline der Operation  $v_i$

$w_k(v_i)$ : Ausführungszeit des Energylevels  $k \in K$

$e_k(v_i)$ : Energylevel des Taks  $v_i$

*Integer Linear Programm*

- Gesamtenergie:

$$\sum_{k \in K} \sum_{v_i \in V_S} y_{ik} \cdot e_k(v_i)$$

- mit

$$y_{ik} \in \{0, 1\} \quad \forall v_i \in V_S, k \in K \quad (1)$$

$$\sum_{k \in K} y_{ik} = 1 \quad \forall v_i \in V_S \quad (2)$$

$$\tau(v_j) - \tau(v_i) \geq \underbrace{\sum_{k \in K} y_{ik} \cdot w_k(v_i)}_{\text{Ausführungszeit}} \quad \forall (v_i, v_j) \in E_S \quad (3)$$

$$\tau(v_i) + \underbrace{\sum_{k \in K} y_{ik} \cdot w_k(v_i)}_{\text{Rechenzeit}} \leq d(v_i) \quad \forall v_i \in V_S \quad (4)$$

## Index

- Ablauf-Bedingung, 3
  - Task Graph, 11
- Ablauffähig, 3
- Activation record, 3
- ALAP, 14
- Allokation, 13
- Application Specific Circuits (ASIC), 9
- ASAP, 13
- Average Response Time, 4
- Average Waiting Time, 4
  
- Bellmann-Ford, 14
- Bindung, 13
- Bluetooth, 9
  - Ad-hoc Netzwerke, 10
  - Asynchronous Connection-Less (ACL), 10
  - Frequency-Hopping, 9
  - Header Format, 10
  - Modem, 10
  - Page Modus, 10
  - Piconet, 10
  - Protokoll Hierarchie, 10
  - Scatternet, 10
  - Synchronous Connection-Oriented (SCO), 10
  - Zustände der Verbindung, 10
  
- Co-operative Multitasking, 3
- Co-Routine, 2
- Constraint Graph, 14
- Context switch, 3
- Control Flow Graph, 12
- Control-Data Flow Graph (CDFG), 12
  - Control Flow Graph, 12
  - Dependence Graph, 12
- Critical Section, 7
  
- Deadline Monotonic Scheduling (DM), 6
- Dependence Graph, 11, 12
- Direct Blocking, 7
- Dynamic Power Management, 11
- Dynamic Voltage Scaling, 11, 16
  
- Earliest Deadline Due (EDD), 4
- Earliest Deadline First
  - EDF aperiodisch, 4
  - EDF periodisch, 6
  - EDF\*, 4
- Echtzeit, 3
  - Hard, 3
  - Soft, 3
- Endlicher Automat, 12
- Energie, 11
- Energieverbrauch, 11
  - Dynamisch, 11
  - Statisch, 11
  
- Exclusive Ressource, 7
- Execution Time, 3
- Extended Sequence Graph, 15
  
- Feasible, 3
- First Come First Served (FCFS), 5
- FlexRay, 9
- FPGA, 9
- Funktional Pipelining, 15
  
- Gate, 11
  
- Harte Echtzeit, 3
  
- Integer Linear Programming, 15
  - Dynamic Voltage Scaling, 16
  - Functional Pipelining, 15
  
- Kosten-Funktion, 13
  
- Lateness, 3
- Latest Deadline Due (LDD), 4
- Latest Deadline First (LDF), 4
- Laxity, 3
- Leistung, 11
- Leistungsverbrauch, 11
- List Scheduling, 14
  
- Marked Graphs (MG), 12
- Maximum Lateness, 4
- Maximum Number of Late Tasks, 4
  
- Nebenläufigkeit, 11
  
- Pareto-Punkte, 14
- Petri Netz, 12
- Precedence Constraints, 3
- Preemptive, 3
- Priority Inheritance Protocol (PIP), 7
- Priority Inversion, 7
- Prozess, 3
- Prozess-Zustände, 8
- Push-through Blocking, 7
  
- Rate Monotonic Scheduling (RM), 5
- Ressourcen-Graph, 13
- RM-Polling Server, 6
- Round Robin (RR), 5
  
- Schedulable, 3
- Schedule, 3
- Scheduler
  - Co-operative, 3
  - Periodisch zeitgesteuert, 2
  - Zyklisch zeitgesteuert, 2

Semaphore, 7  
Sequence Graph, 12  
Sequenz-Graph, 13  
Shared Memory, 8  
Shortest Job First (SJF), 5  
Shortest Remaining Time Next (SRTN), 5  
Slack Time, 3  
Softe Echtzeit, 3  
Synchroner Datenflussgraph, 12

Tardiness, 3  
Task Graph, 11  
Thread, 8  
Thread Control Block, 8  
Timing Constraints, 14  
Total Bandwidth Server, 6  
Total Completion Time, 4

Very Long Instruction Word (VLIW), 9, 11

Zulässig, 3